

Folien zur Vorlesung

---

## Informatik II

---

im Sommersemester 2002  
Prof. Dr. Hans-Peter Kriegel

© 2002 H.-P. Kriegel, T. Seidl

## Organisatorisches

- Vorlesung: Di. 9 – 11, Hauptgebäude 201  
Do. 9 – 11, Hauptgebäude 101  
Pause: ja, Beginn?
- Folien: <http://www.dbs.informatik.uni-muenchen.de/Lehre/Infoll>

Die Vorlesung basiert auf dem Buch:

Hanspeter Mössenböck: Sprechen Sie Java? dpunkt.verlag, 2001.  
ISBN 3-89864-117-1

- Übungen: <http://www.dbs.informatik.uni-muenchen.de/Lehre/Infoll>

## Literaturhinweise

- Hanspeter Mössenböck: *Sprechen Sie Java?* dpunkt.verlag, 2001.  
ISBN 3-89864-117-1
- Klaus Echte und Michael Goedicke: *Lehrbuch der Programmierung mit Java.*  
dpunkt.verlag 2000.  
ISBN 3-932588-22-3
- Judith Bishop: *Java™ lernen.* 2. Auflage, Addison-Wesley, 2001.  
ISBN 3-8273-1794-0
- Ken Arnold, James Gosling, David Holmes: *The Java™ Programming Language.* 3. Auflage, Addison-Wesley, 2000.  
ISBN 0201704331
- Mary Campione et al.: *The Java™ Tutorial: A Short Course on the Basics,* 3. Auflage, <http://java.sun.com/docs/books/tutorial/>
- Hermann Engesser, Volker Claus, Andreas Schwill: *Duden Informatik. Ein Fachlexikon für Studium und Praxis.* 3. Auflage, Bibliographisches Institut Mannheim, 2001.  
ISBN 3411052333

## Kapitel 1: Einführung

- Zentraler Begriff „Algorithmus“
- Eigenschaften von Algorithmen
- Programme und Prozesse
- Notation von Algorithmen

## Zentraler Begriff *Algorithmus*

Ein Algorithmus ist ein Verfahren mit einer *präzisen* (d.h. in einer genau festgelegten Sprache formulierten), endlichen Beschreibung unter Verwendung *effektiver* (d.h. tatsächlich ausführbarer) *elementarer* Verarbeitungsschritte.

Zu jedem Zeitpunkt der Abarbeitung des Algorithmus benötigt der Algorithmus nur endlich viele Ressourcen.

## Bestandteile von Algorithmen

- Ein Algorithmus verarbeitet *Daten* mit Hilfe von *Anweisungen*.
  - „Programm = Daten + Befehle“
- Daten
  - *Werte*: Zahlen (im Bsp. 0, 1), Strings (“Die Summe ist: “), Zeichen ('a'), ...
  - *Variablen*: Benannte Behälter für Werte (*summe*, *zähler*, *n*)
- Anweisungen
  - Zuweisung: **setze** *n* := 1
  - bedingte Anweisung: **falls** *<Bedingung>*: *<Anweisung>*
  - Folgen von Anweisungen: *<Anweisung 1>*; ...; *<Anweisung k>*
  - Schleifen: **solange** *<Bedingung>*: *<Anweisung>*

## Beispiel für Algorithmus

- Aufgabe: Berechne die Summe der Zahlen von 1 bis *n*.
- Algorithmus *SummeBis(n)*:
  - setze *summe* := 0
  - setze *zähler* := 1
  - solange *zähler* ≤ *n*:
    - setze *summe* := *summe* + *zähler*
    - erhöhe *zähler* um 1
  - gib aus: „Die Summe ist: “ und *summe*

## Basiseigenschaften von Algorithmen

- Allgemeinheit
  - Lösung einer Klasse von Problemen, nicht eines Einzelproblems.
- Operationalität
  - Einzelschritte sind wohldefiniert und können auf entsprechend geeigneten Rechenanlagen ausgeführt werden.
- Endliche Beschreibung
  - Die Notation des Algorithmus hat eine endliche Länge.
- Funktionalität
  - Ein Algorithmus reagiert auf Eingaben und produziert Ausgaben.

## Weitere Eigenschaften von Algorithmen

- Terminierung Alg. läuft für jede Eingabe nur endlich lange
- Vollständigkeit Alg. liefert alle gewünschten Ergebnisse
- Korrektheit Alg. liefert nur richtige Ergebnisse
- Determinismus Ablauf ist für dieselbe Eingabe immer gleich
- Determiniertheit Ergebnis ist festgelegt für jede Eingabe
- Effizienz Alg. ist sparsam im Ressourcenverbrauch
- Robustheit Alg. ist robust gegen Fehler aller Art
- Änderbarkeit Alg. ist anpassbar an modifizierte Anforderungen

## Algorithmen: Vollständigkeit

- Ein *vollständiger* Algorithmus gibt die gewünschten Ergebnisse vollständig aus.
- Gegenbeispiel
  - Teilmengen (n):  
 setze  $i := 1$ ;  
 solange  $i < \sqrt{n}$ :  
     falls  $n/i$  ganzzahlig, gib  $i$  und  $n/i$  aus;  
     erhöhe  $i$  um 1;
  - Ausgabe von Teilmengen(12)?
  - Ausgabe von Teilmengen(9)?

## Algorithmen: Terminierung

- Ein *terminierender* Algorithmus läuft für jede (!) beliebige Eingabe jeweils in endlicher Zeit ab.
- Gegenbeispiel
  - fak(n): falls  $n = 0$ , liefere 1  
sonst liefere  $n * \text{fak}(n-1)$
  - Ergebnis von fak(2)?
  - Ergebnis von fak(-3)?

## Algorithmen: Korrektheit

- Ein *korrekter* Algorithmus liefert nur richtige Ergebnisse.
- Gegenbeispiel
  - Teilmengen' (n):  
 setze  $i := 1$ ;  
 solange  $i \leq \text{sqrt}(n)$ :  
     gib  $i$  und  $n/i$  aus;  
     erhöhe  $i$  um 1;
  - Ausgabe von Teilmengen'(12)?
  - Ausgabe von Teilmengen'(9)?

## Algorithmen: Determinismus

- Ein *deterministischer* Algorithmus läuft für ein- und dieselbe Eingabe immer auf dieselbe Art und Weise ab.
- Ein *nichtdeterministischer* Algorithmus kann für ein- und dieselbe Eingabe unterschiedlich ablaufen.
- Beispiel:
  - Absolutbetrag ( $x$ ):  
 wähle Fall  $\begin{cases} \text{falls } x \leq 0, \text{ liefere } -x \\ \text{falls } x \geq 0, \text{ liefere } x \end{cases}$
  - Ergebnis von Absolutbetrag(3)?
  - Ergebnis von Absolutbetrag(-5)?
  - Ergebnis von Absolutbetrag(0)?

## Algorithmen: Effizienz

- Für eine gegebene Eingabe sollen die benötigten Ressourcen möglichst gering (oder sogar minimal) sein.
  - Betrachtung von *Speicherplatz* und *Rechenzeit* (Anzahl Einzelschritte).
  - Ggf. auch Analyse von *Plattenzugriffen* (I/Os) oder *Netzzugriffen*.
- Beispiel
  - Die iterative Berechnung der Summe von 1 bis  $n$  benötigt  $n$  Schritte.
  - Verwende Summenformel  $n*(n+1)/2$  für einen effizienteren Algorithmus.
- Unterscheide Effizienz und Effektivität
  - Effektivität ist „Grad der Zielerreichung“ (Vollständigkeit, Korrektheit).
  - Effizienz ist „Wirtschaftlichkeit der Zielerreichung“.

## Algorithmen: Determiniertheit

- Ein *determinierter* Algorithmus liefert für ein- und dieselbe Eingabe immer dasselbe Ergebnis.
- Gegenbeispiel
  - RotGrünBlau ( $n$ ):  
 wähle Fall:  $\begin{cases} \text{falls } n/2 \text{ ganzzahlig:} & \text{liefere „rot“} \\ \text{falls } n/3 \text{ ganzzahlig:} & \text{liefere „grün“} \\ \text{sonst:} & \text{liefere „blau“} \end{cases}$
  - Ergebnis von RotGrünBlau(5)?
  - Ergebnis von RotGrünBlau(6)?
  - Wichtiges nicht-determiniertes Beispiel: Zufallszahlengenerator

## Beispiel: Suche in einem Array

- Aufgabe  
 Sei  $A[1] \dots A[n]$  eine Reihung („Array“) von  $n$  verschiedenen Zahlen.  
 Suche die Position  $i$  einer gegebenen Zahl  $x$ , also das  $i$  mit  $A[i] = x$ .
- Algorithmus *SequentielleSuche* ( $A, x$ ):  
 Durchlaufe das Array  $A$  der Reihe nach für  $i := 1, \dots, n$ :  
 Falls  $A[i] = x$ , gib  $i$  aus und beende den Durchlauf.  
 Falls  $x$  nicht gefunden, gib Fehlermeldung „nicht gefunden“ aus.
- Anzahl der Vergleiche (= Analyse der Laufzeit)
  - Erfolgreiche Suche:  $n$  Vergleiche maximal,  $n/2$  im Durchschnitt
  - Erfolgreiche Suche:  $n$  Vergleiche

## Beispiel: Binäre Suche

Falls das Array sortiert ist, kann man auch wie folgt suchen:

*BinäreSuche* ( $A, x$ )

- Vergleiche den Eintrag  $A[i_{\text{mitte}}]$  in der Mitte von  $A$  mit  $x$ :
  - Falls  $x = A[i_{\text{mitte}}]$ , gib  $i_{\text{mitte}}$  aus und beende die Suche.
  - Falls  $x < A[i_{\text{mitte}}]$ , suche in der linken Hälfte von  $A$  weiter.
  - Falls  $x > A[i_{\text{mitte}}]$ , suche in der rechten Hälfte von  $A$  weiter.
- In der jeweiligen Hälfte wird ebenfalls mit *BinäreSuche* gesucht.
- Falls die neue Hälfte des Arrays leer ist, gib die Fehlermeldung „nicht gefunden“ aus.

## Algorithmen: Robustheit

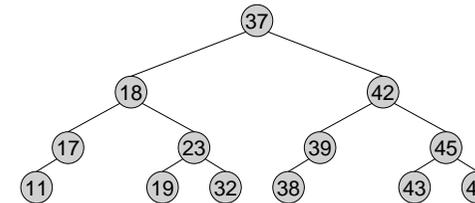
- Der Ablauf soll auch für fehlerhafte Eingaben oder Daten wohldefiniert sein.
- Beispiele
  - Bedienfehler
    - Leere Eingaben in (grafische) Eingabefelder
    - Eingabe von Strings in Eingabefelder für Zahlen
  - Systemfehler
    - Zugriff auf Ressourcen (Dateien, Netz, etc.) nicht möglich

## Beispiel für die binäre Suche

- Beispiel

11 17 18 19 23 32 37 38 39 42 43 45 48

- Entscheidungsbaum



- Analyse der Laufzeit

- Entscheidungsbaum hat Höhe  $h = \lceil \log_2(n+1) \rceil$ .
- Suche benötigt maximal  $h$  viele Vergleiche.

- Vergleich der Suchverfahren

- Beispiel  $n = 1.000$ 
  - Sequentiell: 1.000 Vergleiche
  - Binäre Suche: 10 Vergleiche
- Beispiel  $n = 1.000.000$ 
  - Sequ.: 1.000.000 Vergleiche
  - Binäre Suche: 20 Vergleiche

## Algorithmen: Änderbarkeit

- Einfache Anpassung an veränderte Aufgabenstellungen.
- Beispiele
  - Erweiterung einer Adressenverwaltung für inländische Kunden auf Kunden im Ausland
  - Umstellung der PLZ von vier auf fünf Stellen
  - Einführung des EURO
  - „Jahr 2000“ Problem (vierstellige statt zweistellige Jahreszahlen)

## Programme und Prozesse

- Programm
  - Beschreibung eines Ablaufes, der auf einer Rechenanlage durchgeführt werden kann (= Algorithmus, *statisch*).
  - Programme sind (meist) in Dateien gespeichert.
  - Programme entstehen durch Konstruktion.
- Prozess
  - Konkreter Ablauf eines Programms (*dynamisch*).
  - Prozesse benötigen Betriebsmittel (Rechenzeit, Speicher, Dateizugriffe).
  - Prozesse werden durch das Betriebssystem verwaltet.
  - Prozesse entstehen durch Aufrufe von Programmen.

## Übersetzung und Interpretation

- Übersetzung
  - Das Programm wird nur einmal analysiert (*statisch*).
  - Das resultierende (Maschinen-)Programm wird gespeichert.
  - Die Ausführung ist in der Regel schneller als bei Interpretation.
- Interpretation
  - Das Programm wird bei jeder Ausführung analysiert (*dynamisch*).
  - Die Ausführung ist in der Regel langsamer als bei Übersetzung.
  - Die Zyklen „Programmänderung → Ausführung“ sind kürzer.

## Übersetzung von Programmen

- Problemstellung
  - Programme werden meist in höheren Programmiersprachen formuliert.
  - Die Hardware kann nur Programme in Maschinensprache ausführen.
  - Abbildung höherer Programmiersprachen in Maschinensprachen nötig.
- Zwei Vorgehensweisen
  - *Übersetzung*:  
Programme werden vor dem Ablauf übersetzt (compiliert).
  - *Interpretation*:  
Programme werden während des Ablaufs interpretiert.

## Übersetzungs- und Interpretationshierarchie

- Die Abbildung auf maschinennähere Sprachen kann sich über mehrere Stufen erstrecken.
- Beispiel Java:



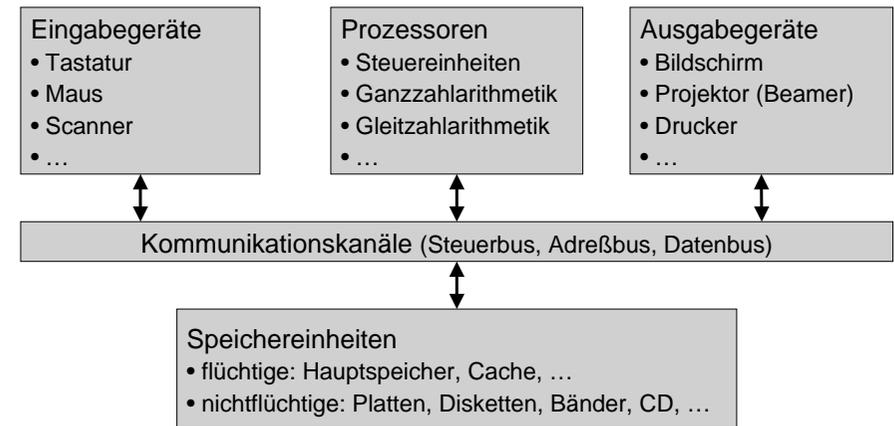
## Hardware und Software

- Hardware
  - „Harte Ware“: Geräte
  - Prozessor, Speicher (flüchtig/nicht-flüchtig), Ein-/Ausgabegeräte
  - Modellbeispiel: „von Neumann-Rechner“
- Software
  - „Weiche Ware“: Programme
  - Systemprogramme zur Steuerung der Hardware
  - Anwendungsprogramme zur Bearbeitung von Nutzeraufgaben
- Firmware
  - In Hardware gegossene Software (Gerätesteuern, Mikroprogramme)

## Notationen für Algorithmen

- Informell
  - Natürliche Sprache
  - Pseudocode (halbformell)
- Graphische Darstellungen
  - Programmablaufplan (Flussdiagramm, DIN 66001)
  - Struktogramm (Nassi-Shneiderman-Diagramm, DIN 66261)
- Formale Sprachen (Programmiersprachen)
  - Programm als formaler Text

## Rechnermodell von John von Neumann



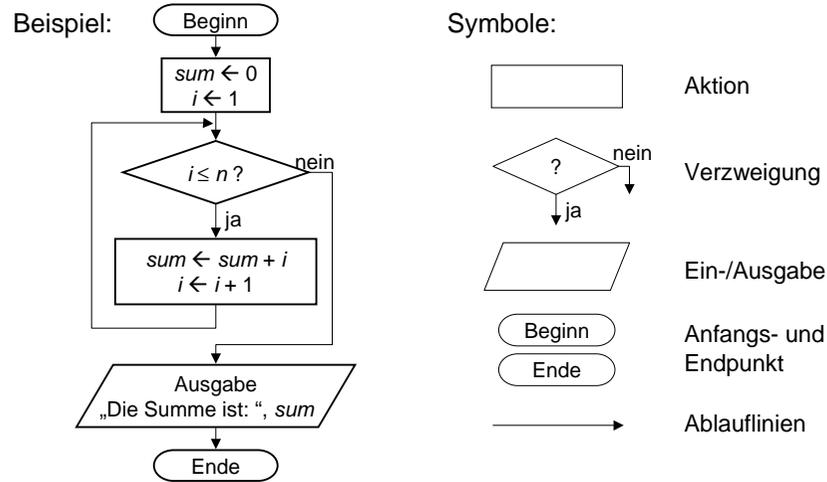
## Beispielalgorithmus *SummeBis(n)*

- Aufgabe: Berechne die Summe der Zahlen von 1 bis  $n$ .
- Natürliche Sprache
 

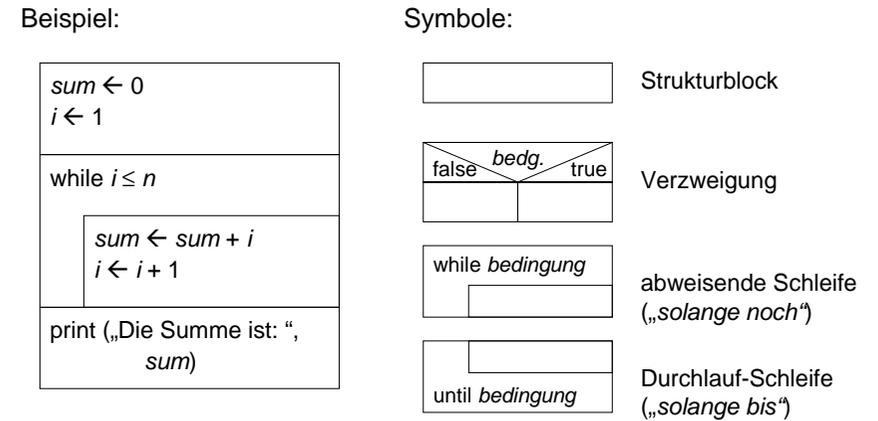
Initialisiere eine Variable *summe* mit 0. Durchlaufe die Zahlen von 1 bis  $n$  mit einer Variable *zähler* und addiere *zähler* jeweils zu *summe*. Gib nach dem Durchlauf den Text "Die Summe ist: " und den Wert von *summe* aus.
- Pseudocode
 

```
setze summe := 0;
setze zähler := 1;
solange zähler ≤  $n$ :
    setze summe := summe + zähler;
    erhöhe zähler um 1;
gib aus: "Die Summe ist: " und summe;
```

# Programmablaufplan für *SummeBis(n)*



# Struktogramm für *SummeBis(n)*



# Programmiersprache *Java*

```

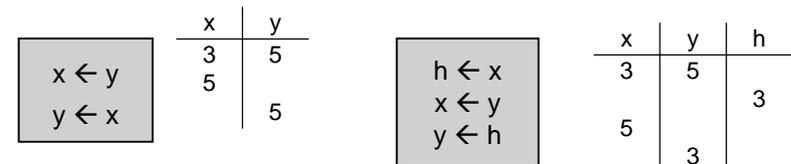
class SummeBis {
    public static void main (String[] arg) {
        int n = Integer.parseInt(arg[0]);
    }
}
    
```

```

int sum = 0;
int i = 1;
while (i <= n) {
    sum = sum + i;
    i = i + 1;
}
System.out.println („Die Summe ist: “ + sum);
    
```

# „Schreibtischtest“ für Algorithmen

- Veranschaulichung der Funktionsweise eines Algorithmus durch ein *Ablaufprotokoll* der Variableninhalte.
- Beispiel: Vertausche die Inhalte der Variablen x und y
- Versuch:
- Lösung: mit Hilfsvariable



# Anzahl der Dezimalziffern einer Zahl

Algorithmus *NumDigits(n)* „Schreibtischttest“

```

d ← 1
while n > 9
    n ← n / 10
    d ← d + 1
Ausgabe von d
    
```

n	d
437	1
43	2
4	3

# Korrektheit: Euklidischer Algorithmus

- Aufgabe: größter gemeinsamer Teiler zweier Zahlen
- Lösung von Euklid (um 300 v.Chr.)

Euklid (in *a*, in *b*, out *ggT*):

```

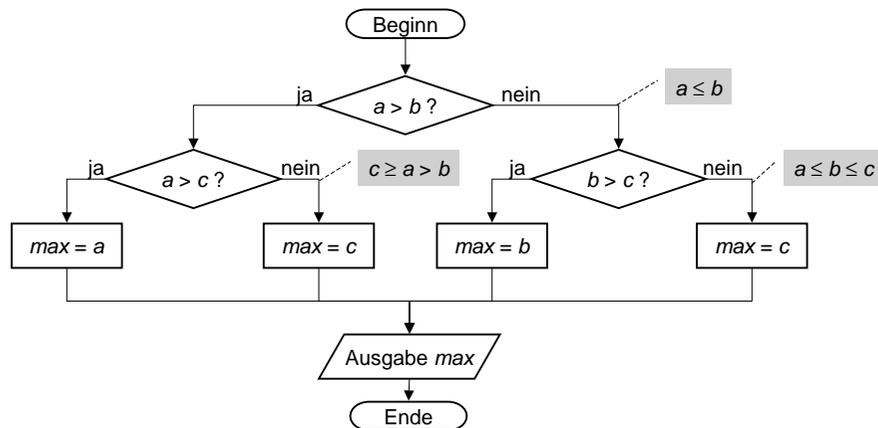
rest ← a mod b
while rest ≠ 0
    a ← b
    b ← rest
    rest ← a mod b
ggT ← b
    
```

Nachweis der Korrektheit

- (ggT teilt *a*) ∧ (ggT teilt *b*)
- ggT teilt (*a* - *b*)
- ggT teilt (*a* - *k* \* *b*)
- ggT teilt *rest*
- GGT (*a*, *b*) = GGT (*b*, *rest*)

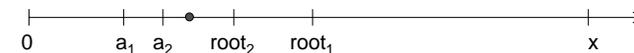
# Verwendung von Zusicherungen

Beispiel: Maximum dreier Zahlen *max(a,b,c)*



# Nicht-ganzzahlige Arithmetik

- Bsp: Berechnung der Quadratwurzel durch schrittweise Näherung



```

root ← x / 2
a ← x / root
while a ≠ root
    //-- a * root = x
    root ← (root + a) / 2
    a ← x / root
    //-- a * root = x
//-- a = root
Ausgabe root
    
```

x	root	a
10	5	2
	3.5	2.85714
	3.17857	3.14607
	3.16232	3.16223
	3.16228	3.16228

Problem mit Terminierung:  
*a = root* wird (fast) nie erreicht,  
 besser  $|a - \text{root}| > 1.0\text{e-}8$  testen.

# Formale Sprachen

- Syntax
  - Regeln, nach denen Programme aufgeschrieben werden dürfen.
  - Beispiel: *Zuweisung* ::= *Variable* „←“ *Ausdruck*
    - $A \leftarrow 3 + 5$
    - $B \leftarrow \leftarrow 2$
    - $7 \leftarrow 4$
- Semantik
  - Bedeutung von korrekt gebildeten Programmen.
  - Im Beispiel: *Weise den Wert des Ausdrucks an die Variable zu*
    - Nach „ $A \leftarrow 3 + 5$ “ enthält A den Wert der Summe 3+5, also 8.

# EBNF: Erweiterte Backus-Naur-Form

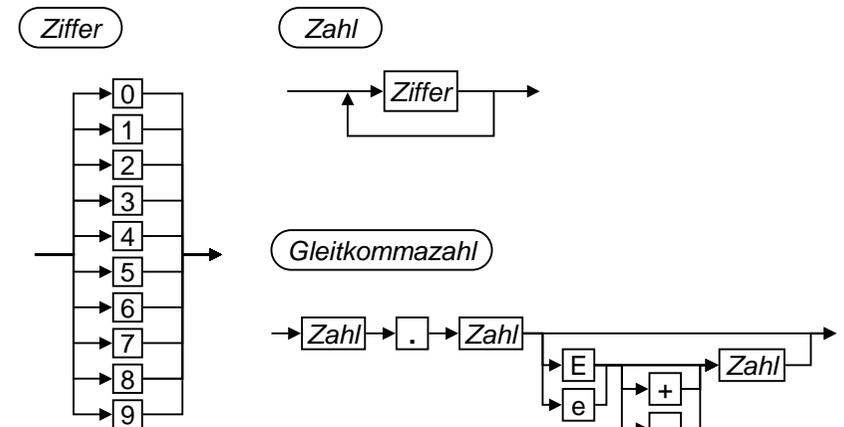
- EBNF: einfache textuelle Darstellung von Grammatiken
  - John Backus: Entwickler der Programmiersprache *Fortran*
  - Peter Naur: Herausgeber des Algol60-Reports
- Metazeichen für EBNF-Regeln
 

	Bsp.	steht für
=		trennt Regelseiten
.		schließt Regel ab
	$x \mid y$	$x, y$
()	$(x \mid y) z$	$xz, yz$
[]	$[x] y$	$xy, y$
{ }	$\{x\} y$	$y, xy, xxy, \dots$

# Beispiel: Grammatiken für Zahlen

- Beispiel: Grammatik für ganze Zahlen (ohne Vorzeichen: 1, 4711, ...)  
 $Ziffer = "0" \mid "1" \mid "2" \mid "3" \mid "4" \mid "5" \mid "6" \mid "7" \mid "8" \mid "9"$   
 $Zahl = Ziffer \{ Ziffer \}$
- Aufbau von Regeln für Grammatiken
  - *Terminalsymbole* werden nicht mehr weiter zerlegt (im Bsp. in " ").
  - *Nichtterminalsymbole* werden ersetzt (im Bsp. kursiv).
  - Auf der linken Seite einer Regel steht immer ein Nichtterminalsymbol.
  - Rechte Seite kann Terminalsymbole und Nichtterminalsymbole enthalten.
- Beispiel: Gleitkommazahlen (ohne Vorzeichen: 1.0E-2, 3.14159E0, ...)  
 $Gleitkommazahl = Zahl "." Zahl [ ("E" \mid "e") [ "+" \mid "-" ] Zahl ]$

# Grafische Alternative: Syntaxdiagramme



## Programmierung und Softwareentwicklung

- „Programmierung im Kleinen“
  - Konstruktion von Teilprogrammen
  - Anweisungen, Prozeduren, Objekte, Klassen
  - Zusammenfassung in Bibliotheken
- „Programmierung im Großen“
  - „Software Engineering“
  - Konstruktion großer Programmsysteme mit Hilfe von Bibliotheken
  - Vorgehensmodelle zur Zerlegung und Integration

## Paradigmen der Programmierung

- Imperative Programmierung
  - Folgen von Anweisungen, Verzweigungen, Schleifen, Prozeduraufrufe
    - Beispiele: BASIC, Pascal, Modula2, ...
- Objektorientierte Programmierung
  - Klassen beschreiben Struktur und Verhalten interagierender Objekte
    - Beispiele: Simula, Smalltalk, C++, Java, ...
- Logik- oder deklarative Programmierung
  - Automatische Ableitung der Lösung aus der Beschreibung der Aufgabe
    - Beispiele: Prolog, ...
- Funktionale oder applikative Programmierung
  - Rekursive Anwendung von Funktionen
    - Beispiele: LISP, SML, Scheme, ...